

### 1. Réalisation de la pile

On souhaite réaliser une pile au laboratoire. Pour cela, on dispose d'une lame de zinc et d'une lame de cuivre ainsi que d'un volume  $V_1 = 100 \text{ mL}$  d'une solution aqueuse de sulfate de zinc de concentration molaire en soluté apporté  $C_1 = 1,0 \text{ mol.L}^{-1}$  et d'un volume  $V_2 = 100 \text{ mL}$  d'une solution aqueuse de sulfate de cuivre de concentration molaire en soluté apporté  $C_2 = 1,0 \text{ mol.L}^{-1}$  et d'un pont salin.

L'expérience est réalisée à la température de  $25 \text{ }^\circ\text{C}$ . À cette température, la constante d'équilibre associée à l'équation :  $\text{Cu}_{(\text{aq})}^{2+} + \text{Zn}_{(\text{s})} = \text{Zn}_{(\text{aq})}^{2+} + \text{Cu}_{(\text{s})}$  est  $K = 4,6 \times 10^{36}$ .

La pile ainsi réalisée est placée dans un circuit électrique comportant une résistance et un interrupteur. On ferme ce circuit électrique à l'instant de date  $t_0 = 0 \text{ s}$ .

- 1.1. Faire un schéma légendé de cette pile. Compléter le schéma avec la résistance et l'interrupteur.
- 1.2. Déterminer le quotient de réaction  $Q_{r,i}$  du système ainsi constitué à l'instant de date  $t_0$ . En déduire le sens d'évolution spontanée du système.
- 1.3. Pour chaque électrode, écrire la demi-équation correspondant au couple qui intervient.
- 1.4. En déduire, en justifiant la réponse, à quel métal correspond le pôle + de la pile et à quel métal correspond le pôle –.
- 1.5. D'après la théorie, on considère que la pile s'arrête de fonctionner quand le réactif limitant, constitué soit par les ions  $\text{Cu}^{2+}$ , soit par les ions  $\text{Zn}^{2+}$ , a été complètement consommé. En utilisant l'équation de la réaction se produisant à l'une des électrodes, calculer la quantité maximale d'électricité que pourrait théoriquement débiter cette pile.

On donne la constante d'Avogadro  $N_A = 6,02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$ , la charge électrique élémentaire  $e = 1,6 \times 10^{-19} \text{ C}$ .

### 2. Charge d'un condensateur

On réalise un circuit électrique en montant en série la pile étudiée précédemment, un condensateur de capacité  $C = 330 \text{ } \mu\text{F}$  et un interrupteur  $K$ . Le schéma est représenté ci-dessous :

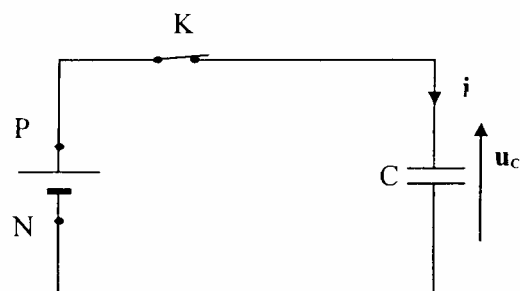


Schéma 1

Pour visualiser l'évolution de la tension  $u_C$  aux bornes du condensateur en fonction du temps, on utilise un dispositif d'acquisition comme un oscilloscope à mémoire ou un ordinateur avec une interface. A l'instant de date  $t_0 = 0 \text{ s}$ , on ferme l'interrupteur  $K$  et on obtient l'enregistrement  $u_C = f(t)$  présenté SUR LA FIGURE 3 DE L'ANNEXE À RENDRE AVEC LA COPIE.

Pour interpréter cette courbe, on modélise la pile par l'association en série d'une résistance  $r$  et d'un générateur idéal de tension de force électromotrice  $E$ .

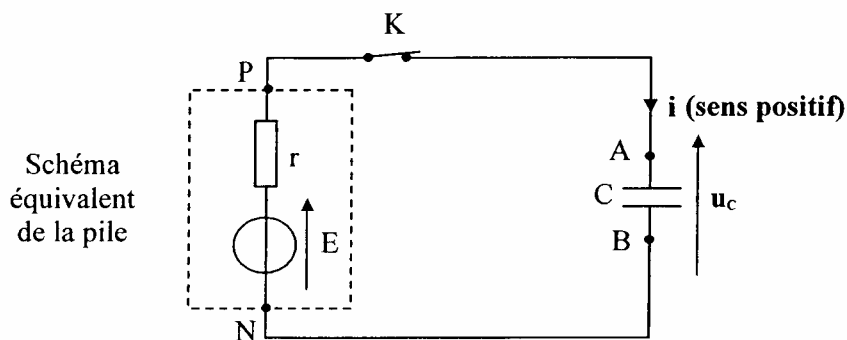


Schéma 2

2.1. À l'instant de date  $t_1 = 20 \text{ s}$ , on considère que le condensateur est chargé complètement.

Quelle est la valeur de l'intensité du courant qui circule alors dans le circuit ?

La force électromotrice  $E$  est la valeur de la tension aux bornes de la pile lorsqu'elle ne débite pas de courant.

À partir de l'enregistrement  $u_C = f(t)$  **SUR LA FIGURE 3 DE L'ANNEXE À RENDRE AVEC LA COPIE**, donner la valeur de  $E$ .

2.2. Détermination de la résistance interne de la pile.

2.2.1. Donner l'expression littérale de la constante de temps  $\tau$ . Justifier que cette grandeur est de même dimension qu'une durée.

2.2.2. Déterminer graphiquement la valeur de  $\tau$ , par la méthode de votre choix qui apparaîtra **SUR LA FIGURE 3 DE L'ANNEXE À RENDRE AVEC LA COPIE**.

2.2.3. En déduire la valeur de la résistance interne  $r$  de la pile.

2.3. Expression de  $u_C(t)$

2.3.1. En respectant l'orientation du circuit indiquée sur le schéma 2, donner la relation entre l'intensité  $i$  du courant et la charge  $q$  portée par l'armature A.

2.3.2. Donner la relation entre la charge  $q$  et la tension  $u_C$  aux bornes du condensateur.

2.3.3. Montrer qu'à partir de l'instant de date  $t_0$  où l'on ferme l'interrupteur, la tension  $u_C$  vérifie

l'équation différentielle suivante :  $E = u_C + r \cdot C \cdot \frac{du_C}{dt}$ .

2.3.4. La solution générale de cette équation différentielle est de la forme :

$u_C(t) = E (1 - e^{-\alpha \cdot t})$ . En déduire l'expression littérale de  $\alpha$ .

FIGURE 3

