

1. ÉTUDE THÉORIQUE D'UN DIPÔLE RC SOUMIS À UN ÉCHELON DE TENSION.

Le montage du circuit électrique schématisé ci-dessous (figure 1) comporte :

- un générateur idéal de tension de force électromotrice $E = 12,0 \text{ V}$;
- un conducteur ohmique de résistance R inconnue ;
- un condensateur de capacité $C = 120 \mu\text{F}$;
- un interrupteur K .

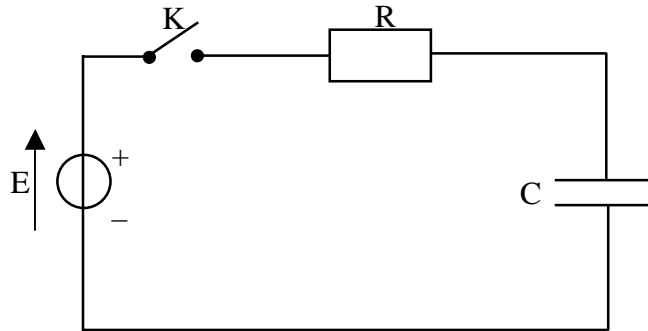


Figure 1

Le condensateur est initialement déchargé.

À la date $t = 0$, on ferme l'interrupteur K .

Sur le schéma du circuit donné en ANNEXE (figure 1 à rendre avec la copie), une flèche représente le sens de circulation du courant d'intensité i dans le circuit. Ce sens sera considéré comme le sens positif. Par ailleurs, on note q la charge de l'armature du condensateur qui se chargera positivement.

- 1.1. En utilisant la convention récepteur, représenter par des flèches sur la figure 1 de l'ANNEXE les tensions u_C aux bornes du condensateur et u_R aux bornes du conducteur ohmique.
- 1.2. Donner l'expression de u_R en fonction de i .
- 1.3. Donner l'expression de i en fonction de la charge q du condensateur.
- 1.4. Donner la relation liant q et u_C .
- 1.5. En déduire l'expression de i en fonction de la capacité C et de la tension u_C .
- 1.6. En appliquant la loi d'additivité des tensions, établir une relation entre E , u_R et u_C .
- 1.7. Établir l'équation différentielle notée (1) à laquelle obéit u_C .
- 1.8. $u_C = E (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$, avec $\tau = RC$, est solution de l'équation différentielle (1).
 - 1.8.1. Vérifier que $u_C = E (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$ est solution de l'équation différentielle (1).
 - 1.8.2. De même, vérifier que $u_C = E (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$ respecte la condition initiale.
- 1.9. On s'intéresse à la constante de temps du dipôle RC : $\tau = RC$.
 - 1.9.1. Par une analyse dimensionnelle, vérifier que le produit $\tau = RC$ est bien homogène à une durée.
 - 1.9.2. A l'aide de la courbe $u_C = f(t)$ donnée en ANNEXE (figure 2 à rendre avec la copie), déterminer graphiquement la valeur de τ par la méthode de votre choix. La construction qui permet la détermination de τ doit figurer sur la courbe $u_C = f(t)$.

1.9.3. En déduire la valeur de la résistance R. Cette valeur sera donnée avec deux chiffres significatifs.

2. APPLICATION.

Au dipôle RC précédemment étudié, on associe un montage électronique qui commande l'allumage d'une lampe :

- la lampe s'allume lorsque la tension u_C aux bornes du condensateur est inférieure à une valeur limite $u_{al} = 6,0 \text{ V}$;
- la lampe s'éteint dès que la tension u_C aux bornes du condensateur est supérieure à cette valeur limite $u_{al} = 6,0 \text{ V}$.

Le circuit obtenu (figure 3) est le suivant :

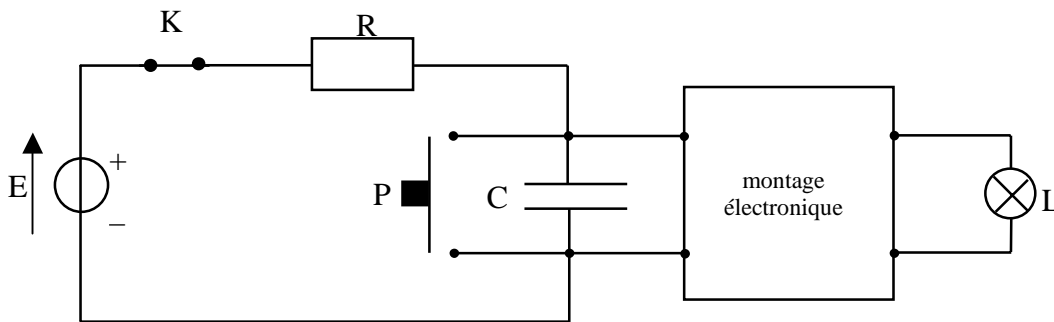


figure 3

Fonctionnement du bouton poussoir :

Lorsqu'on appuie sur le bouton poussoir, ce dernier entre en contact avec les deux bornes du condensateur et se comporte comme un fil conducteur de résistance nulle. Il provoque la décharge instantanée du condensateur.

Lorsqu'on relâche le bouton poussoir, ce dernier se comporte alors comme un interrupteur ouvert.

2.1. Le condensateur est initialement chargé avec une tension égale à 12 V, la lampe est éteinte. On appuie sur le bouton poussoir P.

Que devient la tension aux bornes du condensateur u_C pendant cette phase de contact ?

La lampe s'allume-t-elle ? Justifier la réponse.

2.2. On relâche le bouton poussoir.

2.2.1. Comment évolue qualitativement la tension aux bornes du condensateur au cours du temps ?

2.2.2. La constante de temps du dipôle RC utilisé est $\tau = 25 \text{ s}$.

Comment évolue l'état de la lampe aussitôt après avoir relâché le bouton poussoir ?

2.2.3. En vous aidant de la solution de l'équation différentielle (donnée à la question 1.8.1.), donner l'expression littérale de la date t_{al} , à laquelle la tension aux bornes du condensateur atteint la valeur limite u_{al} en fonction de u_{al} , E et τ .

2.2.4. Calculer la valeur de t_{al} durée d'allumage de la lampe.

2.2.5. Retrouver graphiquement la valeur de t_{al} à l'aide de la courbe $u_C = f(t)$ fournie en ANNEXE (figure 2 à rendre avec la copie). Indiquer clairement cette durée sur le graphe.

2.3. La tension aux bornes du générateur E étant constante, on voudrait augmenter la durée d'allumage. Quels sont les deux paramètres du circuit électrique de la figure 1 sur lesquels on peut agir ? Préciser pour chacun d'entre eux comment ils doivent varier.

ANNEXE (à rendre avec la copie)

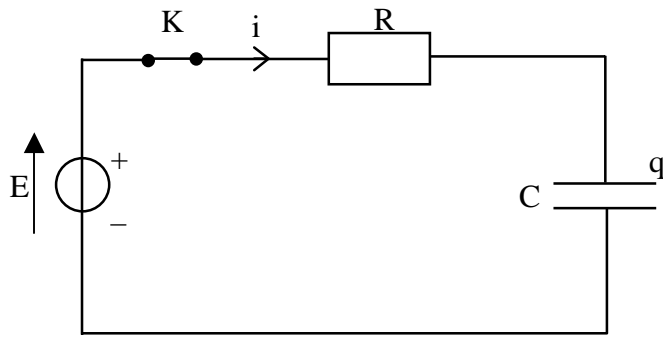


Figure 1

Courbe $u_C = f(t)$

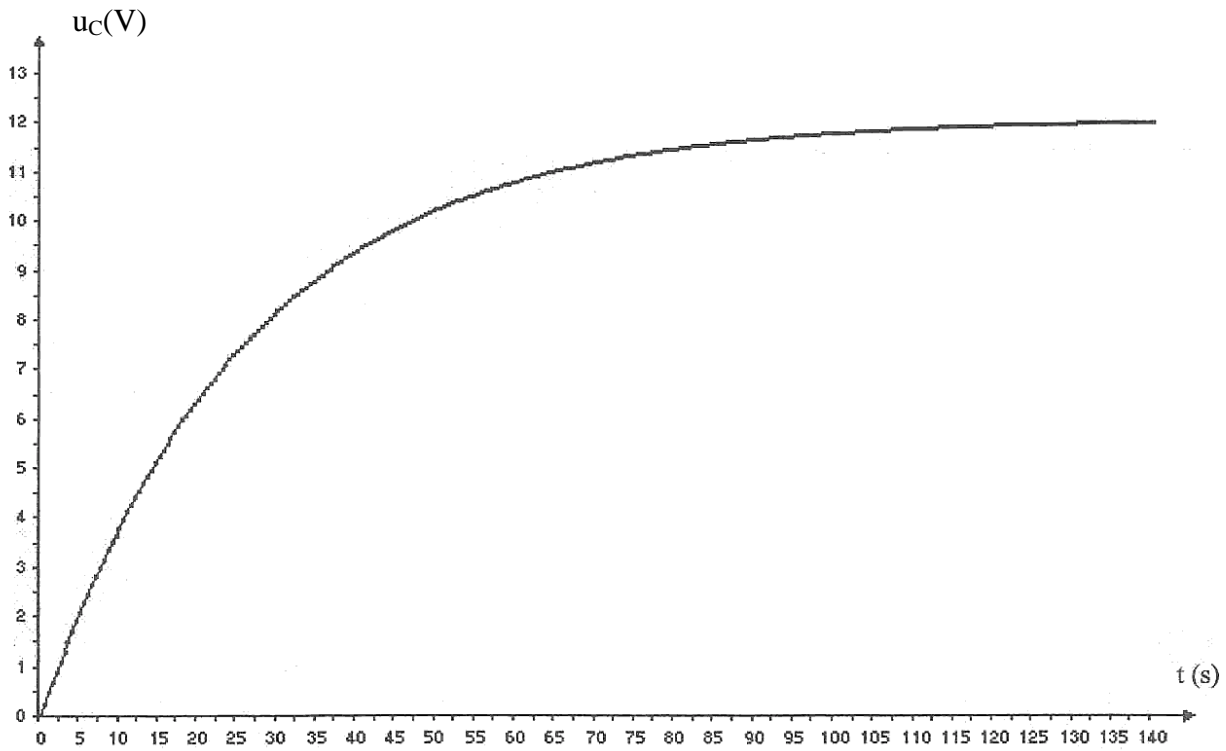


Figure 2