

1. Capture d'un neutron.

1.1. Les deux lois de conservation lors d'une réaction nucléaire sont :

- la conservation du nombre de charges,
- la conservation du nombre de nucléons.

1.2. équation de la réaction de capture d'un neutron par un noyau d'argent 107: ${}_{47}^{107}\text{Ag} + {}_0^1\text{n} \rightarrow {}_{47}^{108}\text{Ag}$

(l'écriture du neutron ${}_0^1\text{n}$ pouvait se déduire des lois de conservation précédentes)

2. Désintégration du noyau d'argent 108.

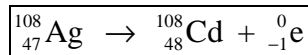
2.1. La radioactivité β^- s'accompagne de l'émission d'un électron de symbole : ${}_{-1}^0\text{e}$.

La radioactivité β^+ s'accompagne de l'émission d'un positon de symbole : ${}_1^0\text{e}$.

2.2. Désintégration β^- : ${}_{47}^{108}\text{Ag} \rightarrow {}_Z^A\text{X} + {}_{-1}^0\text{e}$

Lois de conservation : $108 = A + 0$ donc $A = 108$

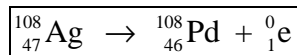
et $47 = Z - 1$ donc $Z = 48$ donc X est l'élément Cadmium Cd



Désintégration β^+ : ${}_{47}^{108}\text{Ag} \rightarrow {}_Z^A\text{Y} + {}_1^0\text{e}$

or : $108 = A + 0$ donc $A = 108$

et $47 = Z + 1$ donc $Z = 46$ donc Y est l'élément Palladium Pd



3. Activité d'un échantillon de noyaux d'argent 108.

3.1. Expression de N en fonction de N_0 , de t et de la constante radioactive λ :

loi de décroissance radioactive: $N(t) = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$

3.2. Le temps de demi-vie $t_{1/2}$ correspond à la durée au bout de laquelle la population d'un échantillon de noyaux radioactifs a été divisée par deux.

3.3. On a : $t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda}$ donc $\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}}$

donc: $[\lambda] = \left[\frac{\ln 2}{t_{1/2}} \right] = \frac{1}{[T]} = [T]^{-1}$

λ est homogène à l'inverse d'un temps, λ s'exprime alors en s^{-1} .

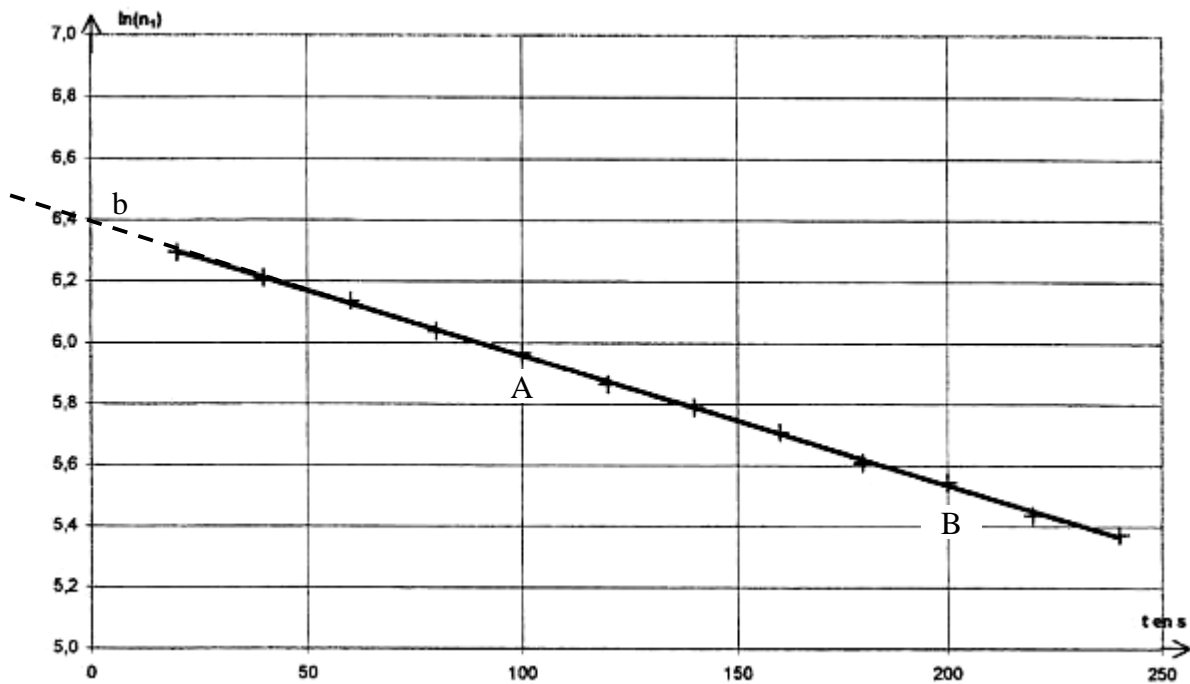
3.4. L'activité à l'instant t d'un échantillon est définie par la relation $A = -\frac{dN}{dt}$ et $N(t) = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$

3.4.1. $A = -\frac{dN}{dt} = -(-\lambda \cdot N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}) = \lambda \cdot N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t} = \lambda \cdot N$

3.4.2. On a: $A = \frac{n_1}{\Delta t}$ donc $n_1 = A \cdot \Delta t = \lambda \cdot N \cdot \Delta t = \lambda \cdot \Delta t \cdot N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$

3.4.3. On a: $\ln(n_1) = \ln(\lambda \cdot \Delta t \cdot N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}) = \ln(\lambda \cdot \Delta t \cdot N_0) + \ln(e^{-\lambda \cdot t}) = \ln(\lambda \cdot \Delta t \cdot N_0) - \lambda \cdot t$

4. Demi-vie radioactive de l'argent 108.



4.1. Le graphe est une droite d'équation : $\ln(n_1) = a.t + b$ avec $a < 0$ car la droite est décroissante, et b est l'ordonnée à l'origine.

En identifiant: $\ln(n_1) = b + a.t$
 et $\ln(n_1) = \ln(\lambda.\Delta t.N_0) - \lambda.t$ cf. 3.4.2.

il vient:

$$b = \ln(\lambda.\Delta t.N_0)$$

$$a = -\lambda$$

Donc cette représentation graphique est en accord avec l'expression trouvée en 3.4.2.

4.2. Pour trouver λ , il faut calculer le coefficient directeur de la droite.

Soient deux points de cette droite A (100 ; $\ln 390 = 5,95$) et B (200; $\ln 256 = 5,55$) il vient :

$$a = \frac{\ln 256 - \ln 390}{200 - 100} = -4,21 \cdot 10^{-3} \text{ s}^{-1}$$

$$\text{donc } \lambda = -a = 4,21 \times 10^{-3} \text{ s}^{-1}$$

Pour trouver N_0 , on prolonge la droite, on lit l'ordonnée à l'origine : **$b = 6,4$**

or $b = \ln(\lambda.\Delta t.N_0)$

$$\lambda.\Delta t.N_0 = e^b$$

$$N_0 = \frac{e^b}{\lambda.\Delta t}$$

$$N_0 = \frac{e^{6,4}}{4,21 \times 10^{-3} \times 0,50} = 2,9 \cdot 10^5 \text{ noyaux}$$

calcul avec λ non arrondi

4.3. On en déduit $t_{1/2}$: $t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda}$

$$t_{1/2} = \frac{\ln 2}{4,21 \times 10^{-3}} = 165 \text{ s}$$

calcul avec λ non arrondi