

EXERCICE III. L'ECHOGRAPHIE : COMMENT ÇA « MARCHE » ? (4 points)
Métropole 09/2009 **Correction © <http://labolycee.org>**

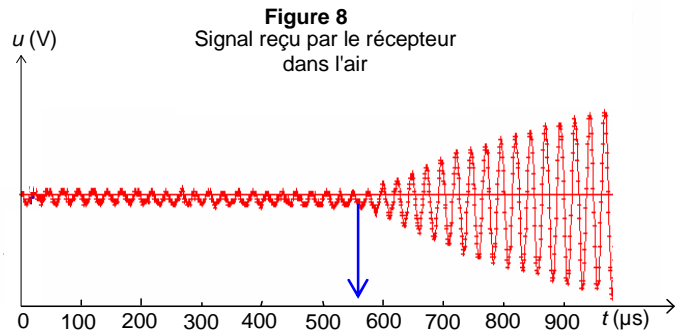
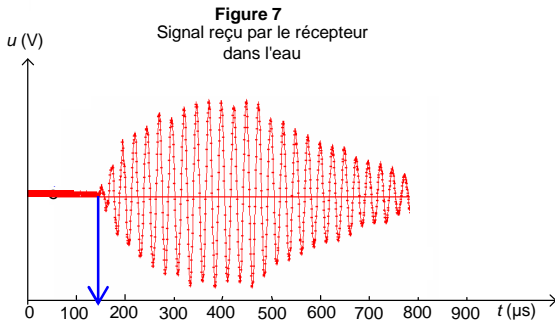
1. Les ondes ultrasonores

1.1. (0,25) Une onde mécanique est la propagation de proche en proche d'une perturbation dans un milieu matériel sans transport de matière mais avec transport d'énergie.

1.2. (0,25) Une onde est longitudinale si la direction de la perturbation est parallèle à la direction de propagation de l'onde.

2. Vitesse de propagation et milieu de propagation

2.1. (0,25) L'origine des dates $t = 0$ s est l'instant de l'émission.



Le signal dans l'eau est reçu à la date $t_{\text{eau}} = 1,4 \times 10^2 \mu\text{s}$.

Le signal dans l'air est reçu à la date $t_{\text{air}} = 5,8 \times 10^2 \mu\text{s} > t_{\text{eau}}$ donc plus tard.

Les ultrasons ont parcouru la même distance ℓ entre l'émetteur et le récepteur. La célérité étant définie, par $v = \frac{\ell}{t}$, on peut dire que la propagation des ultrasons est donc plus rapide dans l'eau que dans l'air.

2.2. (0,25) $v_{\text{eau}} = \frac{\ell}{t_{\text{eau}}}$ avec $t_{\text{eau}} = 1,4 \times 10^2 \mu\text{s} = 1,4 \times 10^{-4} \text{ s}$ et $\ell = 20,0 \text{ cm} = 0,200 \text{ m}$.

$$v_{\text{eau}} = \frac{0,200}{1,4 \times 10^{-4}} = 1,4 \times 10^3 \text{ m.s}^{-1}.$$

3. Comprendre le principe de l'échographie - Modélisation

3.1.1. (0,25) Entre $t = 0$ s et t_R on mesure 7,0 divisions.

La durée de balayage de l'oscilloscope étant de $20 \mu\text{s.div}^{-1}$, on a :

$$7,0 \text{ div} \Leftrightarrow t_R$$

$$1 \text{ div} \Leftrightarrow 20 \mu\text{s}$$

$$t_R = 7,0 \times 20 / 1 = 1,4 \times 10^2 \mu\text{s} = 1,4 \times 10^{-4} \text{ s}$$

Remarque : entre « deux petites divisions » on a 0,2 div et non 0,1 div

3.1.2. (0,25) Les ondes ultrasonores sont réfléchies sur l'objet : elles parcourent donc la distance 2D (aller et retour) pendant la durée t_R .

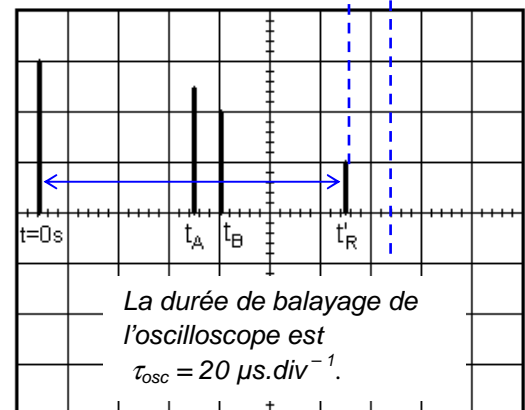
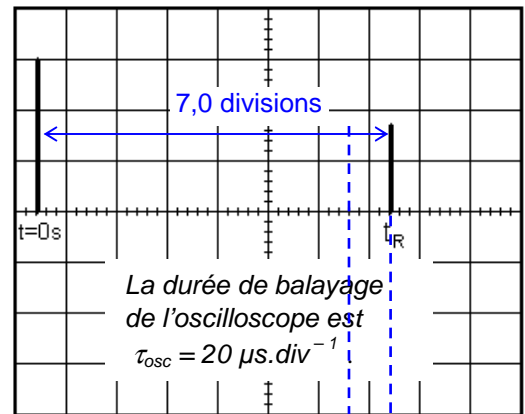
$$\text{Ainsi : } v = \frac{2D}{t_R} \Leftrightarrow t_R = \frac{2D}{v}$$

3.2.1. (0,25) En comparant les deux figures, on constate que $t_R' < t_R$.

Or la distance parcourue (2D) par les ultrasons est la même pour les deux expériences. Dans la seconde expérience, seule une partie de l'eau est remplacée par un morceau de Plexiglas®.

Comme $t_R' < t_R$, les ultrasons se propagent plus vite dans le Plexiglas® que dans l'eau.

Remarque : la célérité des ultrasons est d'autant plus grande que la densité du milieu traversé est grande. Or le Plexiglas® est plus dense que l'eau.



3.2.2.a. (0,25) Dans l'eau (en l'absence du plexiglas®) la distance parcourue par les ultrasons serait : $L = 2D$. Avec le Plexiglas® d'épaisseur e , qui est traversé deux fois par les ultrasons (aller et retour) la longueur L du trajet total aller-retour du signal dans l'eau uniquement est : $L = 2D - 2e = 2.(D - e)$.

3.2.2.b. (0,25) Soient t_{eau} la durée du parcours dans l'eau, et t_{plexi} la durée du parcours dans le plexiglas®.

$$\text{On a : } t'_R = t_{\text{eau}} + t_{\text{plexi}} = \frac{L}{v} + \frac{2e}{v'} = \frac{2.(D - e)}{v} + \frac{2e}{v'} = t'_R$$

Remarque : si $e = 0$ on retrouve bien la relation 2.1.2.

3.2.3. (0,25) On a : $t_A = \frac{2d}{v}$

3.2.4. (0,25) À la durée t_A du parcours dans l'eau (avec la célérité v), s'ajoute la durée t'_{plexi} du parcours dans le plexiglas® (distance $2e$ parcourue avec la célérité v').

$$\text{On a : } t_B = t_A + t'_{\text{plexi}} = \frac{2d}{v} + \frac{2e}{v'} = t_B$$

3.3. Exploitation des résultats

$$t_R = \frac{2D}{v} \quad \text{et} \quad t'_R = \frac{2.(D - e)}{v} + \frac{2e}{v'} \quad \text{donc} \quad t_R - t'_R = \frac{2D}{v} - \frac{2D - 2e}{v} + \frac{2e}{v} - \frac{2e}{v'} \quad \text{soit} \quad t_R - t'_R = \frac{2e}{v} - \frac{2e}{v'} \quad \text{(relation 1)}$$

$$t_A = \frac{2d}{v} \quad \text{et} \quad t_B = \frac{2d}{v} + \frac{2e}{v'} \quad \text{donc} \quad t_B - t_A = \frac{2d}{v} + \frac{2e}{v'} - \frac{2d}{v} \quad \text{soit} \quad t_B - t_A = \frac{2e}{v'} \quad \text{(relation 2)}$$

3.3.1. (0,25) Exprimons (1) + (2) : $(t_R - t'_R) + (t_B - t_A) = \frac{2e}{v} - \frac{2e}{v'} + \frac{2e}{v'} = \frac{2e}{v}$

en isolant e on obtient : $e = \frac{v}{2} . (t_R - t'_R + t_B - t_A)$.

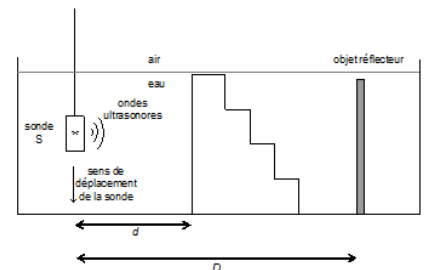
3.3.2. (0,25) $e = \frac{1,43 \times 10^3}{2} . (1,4 \times 10^{-4} - 1,2 \times 10^{-4} + 7,2 \times 10^{-5} - 6,2 \times 10^{-5}) = 2,145 \times 10^{-2} \text{ m}$.

En ne conservant que deux chiffres significatifs $e = 2,1 \times 10^{-2} \text{ m} = 2,1 \text{ cm}$.

3.3.3. (0,25) Relation 2 $t_B - t_A = \frac{2e}{v'}$ donc $v' = \frac{2e}{(t_B - t_A)}$

$$v' = \frac{2 \times 2,145 \times 10^{-2}}{(7,2 \times 10^{-5} - 6,2 \times 10^{-5})} = 4,3 \times 10^3 \text{ m.s}^{-1}$$

On a bien : $v' > v$. Ceci est bien en accord avec la question 3.2.1.



3.4. Principe de l'échographie

3.4.1. (0,25) D'après 3.2.2.b., on a : $t'_R = \frac{2(D - e)}{v} + \frac{2e}{v'} = \frac{2D}{v} - \frac{2e}{v} + \frac{2e}{v'}$

Finalement $t'_R = \frac{2D}{v} + 2e . \left(\frac{1}{v'} - \frac{1}{v} \right)$

Or $\frac{2D}{v}$ est **constant** et $\left(\frac{1}{v'} - \frac{1}{v} \right)$ est **constant** et de **signe négatif** car $v' > v$ donc $\frac{1}{v'} < \frac{1}{v} \Leftrightarrow \left(\frac{1}{v'} - \frac{1}{v} \right) < 0$

Au fur et à mesure que la sonde descend, **e augmente** donc $2e . \left(\frac{1}{v'} - \frac{1}{v} \right)$ est « de plus en plus négatif » ainsi

t'_R diminue.

On peut simplifier le raisonnement : plus la sonde descend et plus les ultrasons parcourent une distance importante dans le plexiglas®, or ils s'y propagent plus vite que dans l'eau, donc t'_R diminue.

3.4.2. (0,25) Rappelons que t_A est la date de la réflexion à l'entrée du plexiglas® et t_B la date de réflexion à la sortie du plexiglas®.

D'après la relation 2 : $t_B - t_A = \frac{2e}{v'}$ donc si **e** augmente alors $(t_B - t_A)$ augmente car v' est constante.